

# $SU_3 \supset U_1 \oplus U_1$ 的矢量相干态表示

潘 峰

(辽宁师范大学物理系; 大连 116022)

## 摘要

本文讨论了  $SU_3$  的矢量相干态表示。利用  $K$  矩阵技术得到了  $SU_3 \supset U_1 \oplus U_1$  的正交基矢, 从而确定了权的多重度。

## 一、引言

近来, 由 Deenen, Quesne, Rowe 等人发展的矢量相干态 (VCS) 理论及  $K$  矩阵技术<sup>[1-4]</sup>在应用于群表示论中取得了很大的成功。 $K$  矩阵技术在决定相干态内积时是十分重要的<sup>[2]</sup>。也正是  $K$  矩阵使所谓的 Dyson 表示<sup>[5]</sup>映射为 Holstein-Primakoff 表示<sup>[6]</sup>, 从而人们可以方便地计算给定李代数阶梯表示的矩阵元。

VCS 理论可应用于群链  $G \supset H$ , 当对应的李代数  $g^e$  分解为子代数  $h^e$  时具有 3-grading, 即

$$g^e = n_- + h^e + n_+, \quad (1.1)$$

其中  $n_{\pm}$  分别为产生、湮灭类算符构成的幂零李代数,  $h^e$  必须包含  $g^e$  的 Cartan 子代数。于是根据幂零李代数的性质, 可把代数链分为两大类。一类是  $n_{\pm}$  分别为阿贝尔代数; 另一类是  $n_{\pm}$  分别为非阿贝尔代数。第一类有代表性的代数链有  $U_{p+q} \supset U_p \oplus U_q$ ,  $SO_{2n} \supset U_n$ <sup>[7]</sup>,  $SP(n, R) \supset U_n$ <sup>[8]</sup>, 及  $SO_{n+2} \supset SO_n \oplus SO_2$ <sup>[9]</sup>, 等等; 第二类有代表性的代数链有

$$SO_{2n+1} \supset (SU_2)^n, \quad g_2 \supset SO_4$$
<sup>[10]</sup>

$$\supset SO_{2n+1} \supset SO_{2n} \supset U_n$$
<sup>[11]</sup>

$$\supset U_1 \oplus U_1, \quad (1.2c)$$

等等。

本文将着重讨论  $SU_3$  代数的 VCS 表示。 $SU_3$  有如下三种分解, 即

$$SU_3 \supset SU_2 \oplus U_1 \supset U_1 \oplus U_1, \quad (1.2a)$$

$$\supset SO_3 \supset SO_2, \quad (1.2b)$$

$$\supset U_1 \oplus U_1, \quad (1.2c)$$

其中 (1.2a) 已由 Hecht 等人详细研究过<sup>[12]</sup>。对于 (1.2b), 正如已指出的, 由于  $SO_3$  不包含  $SU_3$  的 Cartan 子代数, 所以 VCS 理论不能直接应用。但 Rowe 等利用  $sp(2, R) \supset U_2$  与  $SU_3 \supset SO_3$  群链间的关系, 间接讨论了  $SU_3 \supset SO_3$  的 VCS 表示<sup>[14]</sup>。

本文将着重讨论 (1.2c), 该代数链即为标准 Cartan 分解, 此时  $U_1 \oplus U_1$  即为  $SU_3$  的

Cartan 子代数。这条代数链的 VCS 表示是三条中最复杂的。首先,  $SU_3 \downarrow U_1 \oplus U_1$  不是简单可约的, 其次所有的产生、湮灭类算符构成的均为非阿贝尔代数。除最简单的代数链  $U_2 \supset U_1 \oplus U_1 \sim SO_3 \supset SO_2$  外, 其余代数的标准 Cartan 分解均具有这种性质。

## 二、VCS 理论及 $K$ 矩阵方法

首先我们定义最高权态矢量  $|\sigma\alpha\rangle$ , 满足

$$A_i |\sigma\alpha\rangle = 0, \quad \forall A_i \in n_+. \quad (2.1)$$

于是不可约表示  $\sigma$  中的任一态  $|\psi\rangle$  的 VCS 表示定义为

$$\psi(z) = \langle z | \psi \rangle = \sum_a |\sigma\alpha\rangle \psi_a(z), \quad (2.2)$$

其中  $\psi_a(z)$  为  $z$  的解析函数,

$$\psi_a(z) = \langle \sigma z | e^z | \psi \rangle, \quad (2.3a)$$

这里

$$Z = z_i A_i. \quad (2.3b)$$

$z_i$  可看作是商空间  $G/H$  中的坐标变量, 并且按  $H$  的不可约张量性质变换。

李代数  $g^e$  的任一元素  $X$  的 VCS 表示定义为

$$[\Gamma(X)\psi](z) = \langle z | X | \psi \rangle = \sum_a |\sigma\alpha\rangle \langle \sigma\alpha | e^z X | \psi \rangle, \quad (2.4)$$

如由(2.4)式, 我们有

$$\Gamma(A_i) = \partial_i - \frac{1}{2} z_j c_{ji}^k \partial_k + \dots, \quad (2.5)$$

其中  $c_{ji}^k$  是出现在对易关系

$$[A_i, A_j] = c_{ij}^k A_k \quad (2.6)$$

中的李代数结构常数。

$$\Gamma(C_i) = C_i^{in} + C_i^{col}, \quad \forall C_i \in h^e, \quad (2.7)$$

其中  $C_i^{in}$  张成  $h^e$  的一内禀代数, 它们仅作用在最高权态上, 而  $C_i^{col}$  构成了仅依赖变量  $z$  的部分。

其次, 我们定义算符  $K, K^\dagger$  使非么正的广义 Dyson 表示  $\Gamma$  变换为广义的 Holstein-Primakoff 表示  $\gamma$ , 后者是么正的,

$$K^{-1}\Gamma(X)K = \gamma(X). \quad (2.8)$$

若我们选择  $K$  算符为厄密的, 即

$$K^2 = KK^\dagger = K^\dagger K, \quad K^\dagger = K, \quad (2.9)$$

容易证明

$$K^2\Gamma^\dagger(X) = \Gamma(X^\dagger)K^2. \quad (2.10)$$

一般地  $\Gamma^\dagger(X) \neq \Gamma(X^\dagger)$ , 且  $\Gamma(C_i) = \gamma(C_i)$ , 即

$$[K, \Gamma(C_i)] = 0, \quad \forall C_i \in h^e. \quad (2.11)$$

对于代数链

$$g^e \supset I^e \supset h^e,$$

$$\langle\sigma\rangle i[\lambda]j\{\mu\}$$

其中  $\langle\sigma\rangle$ ,  $i[\lambda]$ ,  $\{\mu\}$  分别标记  $g^e$ ,  $I^e$ ,  $h^e$  的不可约表示,  $i$ ,  $j$  分别为在约化  $g^e \downarrow I^e$ ,  $I^e \downarrow h^e$  中所需引入的多重性指标。根据文献[4], 对于  $I^e$  的最高权态  $\{\mu = \lambda\}$ , VCS 波函数  $|\phi(i[\lambda]\{\lambda\}\nu)\rangle$  与 Bargmann 正交基矢  $|i'[\lambda]\{\lambda\}\nu\rangle$  之间的变换关系为:

$$|\phi(i[\lambda]\{\lambda\}\nu)\rangle = \sum_{i'} |i'[\lambda]\{\lambda\}\nu\rangle \mathcal{K}(\{\lambda\})_{ii'}, \quad (2.12)$$

其中  $\mathcal{K}(\{\lambda\})_{ii'}$  为算符  $K$  的子矩阵元, 其定义为:

$$\langle i'[\lambda']j'\{\mu'\}\nu' | K | i[\lambda]\{\lambda\}\nu \rangle = \delta_{\lambda'\lambda} \delta_{\mu'\mu} \delta_{\nu'\nu} \mathcal{K}(\{\lambda\})_{ii'}. \quad (2.13)$$

文献[4]指出, 虽然这时一般不能选取  $K$  为厄密算符, 但把  $K$  的子矩阵  $\mathcal{K}(\{\lambda\})$ , 选为厄密矩阵总是可能的。

另一方面, 现在我们讨论的代数链中不包含中间环节, 即

$$g^e \supset h^e,$$

$$\langle\sigma\rangle i\{\lambda\}$$

此时 VCS 波函数  $|\phi(i\{\lambda\}\nu)\rangle$  与 Bargmann 基矢  $|i\{\lambda\}\nu\rangle$  之间的变换关系为:

$$|\phi(i\{\lambda\}\nu)\rangle = \sum_{i'} |i'\{\lambda\}\nu\rangle K_{ii'}(\{\lambda\}). \quad (2.14)$$

根据文献[4]的结论, 并比较(2.12)与(2.14), 可知我们仍能选取  $K(\{\lambda\})$  为厄密矩阵。显然(2.14)可看作(2.12)的一种特例, 此时  $K(\{\lambda\})$  即为  $K$  算符在代数链  $g^e \supset h^e$  下的矩阵表示, 即

$$\langle i'\{\lambda\}\nu' | K | i\{\lambda\}\nu \rangle = \delta_{\nu'\nu} K(\{\lambda\})_{ii'}. \quad (2.15)$$

于是我们得到如下引理。

引理: 当代数链  $g^e \supset h^e$  中不包含中间环节时, 我们总能选取  $K$  为厄密算符。

### 三、 $SU_3 \supset U_1 \oplus U_1$ 的 VCS 表示

我们把  $SU_3$  的元素写为:

$$\begin{aligned} A_1 &= Q_+ + L_+, \quad A_2 = Q_+ - L_+, \quad A_3 = Q_2, \\ B_1 &= -(Q_- + L_-), \quad B_2 = -(Q_- - L_-), \quad B_3 = Q_{-2}, \\ h^e &= \{L_0, Q'_0 = \sqrt{3}Q_0\}, \end{aligned} \quad (3.1)$$

其中  $Q_\mu (\mu = 0, \pm 1, \pm 2)$  及  $L_\nu (\nu = 0, \pm 1)$  的含义与文献[13]一致。其对易关系为:

$$[A_1, A_2] = -\sqrt{2}A_3, \quad [A_1, A_3] = [A_2, A_3] = 0, \quad (3.2a)$$

$$[A_1, B_1] = 2(L_0 + Q'_0), \quad [A_2, B_2] = 2(L_0 - Q'_0), \quad [A_3, B_3] = 2L_0,$$

$$\begin{aligned} [A_2, B_1] &= 0, \quad [A_3, B_2] = -\sqrt{2}A_1, \quad [A_3, B_1] = \sqrt{2}A_2, \\ [A_1, B_3] &= \sqrt{2}B_2, \quad [A_2, B_3] = -\sqrt{2}B_1, \end{aligned} \quad (3.2b)$$

$$[L_0, A_3] = 2A_3, \quad [L_0, A_2] = A_2, \quad [L_0, A_1] = A_1, \quad (3.2c)$$

$$[Q'_0, A_1] = 3A_1, \quad [Q'_0, A_2] = 3A_2, \quad [Q'_0, A_3] = 0.$$

算符  $A_i (i = 1, 2, 3)$  满足

$$A_i \left| \begin{array}{c} (\lambda \mu) \\ M = \lambda + \mu, \quad Q'_0 = \lambda - \mu \end{array} \right\rangle = 0. \quad (3.3)$$

可以导出

$$\begin{pmatrix} \partial_1 \\ \partial_2 \\ \partial_3 \end{pmatrix} e^{z \cdot A} = \begin{pmatrix} A_1 + \sqrt{2} z_2 A_3 \\ A_2 - \sqrt{2} z_1 A_3 \\ A_3 \end{pmatrix} e^{z \cdot A}, \quad (3.4)$$

其中  $z \cdot A = z_1 A_1 + z_2 A_2 + z_3 A_3$ .

于是,  $SU_3 \supset U_1 \oplus U_1$  的 VCS 表示为

$$\begin{aligned} \Gamma(A_1) &= \partial_1 + \sqrt{2} z_2 \partial_3, \\ \Gamma(A_2) &= \partial_2 - \sqrt{2} z_1 \partial_3, \\ \Gamma(A_3) &= \partial_3, \\ \Gamma(B_1) &= 2z_1(L_0^{\text{in}} + Q_0'^{\text{in}}) + \sqrt{2} z_3 \partial_2 - 2z_1(2z_1 \partial_1 - z_2 \partial_2 + z_3 \partial_3) \\ &\quad + 2\sqrt{2} z_1^2 z_2 \partial_3, \\ \Gamma(B_2) &= 2z_2(L_0^{\text{in}} - Q_0'^{\text{in}}) - \sqrt{2} z_3 \partial_1 + 2z_2(z_1 \partial_1 - 2z_2 \partial_2 - z_3 \partial_3) \\ &\quad - 2\sqrt{2} z_1 z_2^2 \partial_3, \\ \Gamma(B_3) &= 2z_3(L_0^{\text{in}} - 2\sqrt{2} z_1 z_2 Q_0'^{\text{in}} - 2z_3(z \cdot \partial) + 2\sqrt{2} z_1 z_2(z_1 \partial_1 \\ &\quad - z_2 \partial_2) - 4z_1^2 z_2^2 \partial_3), \\ \Gamma(L_0) &= L_0^{\text{in}} - z \cdot \partial - z_3 \partial_3, \\ \Gamma(Q'_0) &= Q_0'^{\text{in}} - 3(z_1 \partial_1 - z_2 \partial_2), \end{aligned} \quad (3.5)$$

其中

$$\begin{aligned} Q_0'^{\text{in}} &= \lambda - \mu, \quad L_0^{\text{in}} = \lambda + \mu, \\ z \cdot \partial &= z_1 \partial_1 + z_2 \partial_2 + z_3 \partial_3. \end{aligned} \quad (3.6)$$

其正交的 Bargmann 基矢可写为

$$\begin{aligned} &\left| \begin{array}{c} (\lambda \mu) \\ \lambda + \mu - p, \quad \lambda - \mu - q; \quad r \end{array} \right\rangle \\ &= \frac{z_1^{p/2+q/6-r} z_2^{p/2-q/6-r} z_3^r}{[(p/2 + q/6 - r)! (p/2 - q/6 - r)! r!]^{1/2}} \left| \begin{array}{c} (\lambda \mu) \\ \lambda + \mu, \quad \lambda - \mu \end{array} \right\rangle, \end{aligned} \quad (3.7)$$

其中

$$p = 0, 1, 2, \dots, 2\lambda + 2\mu, \quad (3.8a)$$

对固定的  $p, q$  可取

$$q = \pm 3p, \quad \pm 3(p-2), \quad \dots, \quad \begin{cases} 0, & \text{当 } p \text{ 为偶数时,} \\ \pm 3, & \text{当 } p \text{ 为奇数时,} \end{cases} \quad (3.8b)$$

当  $p, q$  固定时,

$$r = 0, 1, 2, \dots, p/2 - |q|/6. \quad (3.8c)$$

这里  $r$  就是区别有相同  $p, q$  态的多重性指标.

利用(2.10)及(3.5)式, 我们有

$$K^2 T^\dagger(A_i) = \Gamma(B_i) K^2, \quad (3.9)$$

于是  $K^2$  矩阵元的递推关系完全由(3.9)式决定。显然  $K_{00}^2(0, 0) = 1$ 。直接计算(3.9)式的矩阵元，容易得到

$$\begin{aligned} & (4\lambda - p - q) \left( \frac{1}{2} p + q/6 - r' + 1 \right)^{\frac{1}{2}} K_{r'r}(pq) \\ &= \left( \frac{1}{2} p + q/6 - r + 1 \right)^{\frac{1}{2}} K_{r'r}(p+1q+3) \\ &\quad + \left( 2(r+1) \left( \frac{1}{2} p - q/6 - r \right) \right)^{\frac{1}{2}} K_{r'r+1}(p+1q+3), \\ & \left( 2(r'+1) \left( \frac{1}{2} p - q/6 - r' + 1 \right) \right)^{\frac{1}{2}} K_{r'r}(pq) \\ &= \left( \frac{1}{2} p + q/6 - r + 1 \right)^{\frac{1}{2}} K_{r'+1r}(p+1q+3) \\ &\quad + \left( 2(r+1) \left( \frac{1}{2} p - q/6 - r \right) \right)^{\frac{1}{2}} K_{r'+1r+1}(p+1q+3), \\ & 2 \left( 2r' \left( \frac{1}{2} p + q/6 - r' + 2 \right) \left( \frac{1}{2} p + q/6 - r' + 1 \right) \right. \\ &\quad \times \left. \left( \frac{1}{2} p - q/6 - r' + 1 \right) \right)^{\frac{1}{2}} K_{r'r}(pq) \\ &= \left( \frac{1}{2} p + q/6 - r + 1 \right)^{\frac{1}{2}} K_{r'-1r}(p+1q+3) \\ &\quad + \left( 2(r+1) \left( \frac{1}{2} p - q/6 - r \right) \right)^{\frac{1}{2}} K_{r'-1r+1}(p+1q+3), \\ & (4\mu - p + q) \left( \frac{1}{2} p - q/6 - r' + 1 \right)^{\frac{1}{2}} K_{r'r}(pq) \\ &= \left( \frac{1}{2} p - q/6 - r + 1 \right)^{\frac{1}{2}} K_{r'r}(p+1q-3) \\ &\quad - \left( 2(r+1) \left( \frac{1}{2} p + q/6 - r \right) \right)^{\frac{1}{2}} K_{r'r+1}(p+1q-3), \\ & \left( 2(r'+1) \left( \frac{1}{2} p + q/6 - r' \right) \right)^{\frac{1}{2}} K_{r'r}(pq) \\ &= \left( 2(r+1) \left( \frac{1}{2} p + q/6 - r \right) \right)^{\frac{1}{2}} K_{r'+1r+1}(p+1q-3) \\ &\quad - \left( \frac{1}{2} p - q/6 - r + 1 \right)^{\frac{1}{2}} K_{r'+1r}(p+1q-3), \\ & 2 \left( 2r' \left( \frac{1}{2} p + q/6 - r' + 2 \right) \left( \frac{1}{2} p + q/6 - r' + 1 \right) \right. \\ &\quad \times \left. \left( \frac{1}{2} p - q/6 - r' + 1 \right) \right)^{\frac{1}{2}} K_{r'r}(pq) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
&= \left( 2(r+1) \left( \frac{1}{2} p + q/6 - r \right) \right)^{\frac{1}{2}} K_{r-1,r+1}^2(p+1q-3) \\
&\quad - \left( \frac{1}{2} p - q/6 - r + 1 \right)^{\frac{1}{2}} K_{r-1,r}^2(p+1q-3), \\
(r+1)^{\frac{1}{2}} K_{r-1,r+1}^2(p+2q) &= -4 \left( \left( \frac{1}{2} p + q/6 - r' + 2 \right) \left( \frac{1}{2} p - q/6 - r' + 2 \right) \right. \\
&\quad \times \left. \left( \frac{1}{2} p + q/6 - r' + 1 \right) \left( \frac{1}{2} p - q/6 - r' + 1 \right) \right)^{\frac{1}{2}} K_{r,r}^2(pq), \\
(r+1)^{\frac{1}{2}} K_{r,r+1}^2(p+2q) &= (2\mu - 2\lambda + 2q/3) \left( 2 \left( \frac{1}{2} p + q/6 - r' + 1 \right) \right. \\
&\quad \times \left. \left( \frac{1}{2} p - q/6 - r' + 1 \right) \right)^{\frac{1}{2}} K_{r,r}^2(pq), \\
K_{r+1,r+1}^2(p+2q) &= (2\lambda + 2\mu - 2p + 4r') \left( \frac{r'+1}{r+1} \right)^{\frac{1}{2}} K_{r,r}^2(pq). \tag{3.10}
\end{aligned}$$

利用(3.10)式容易求得

$$\begin{aligned}
K_{00}^2(1, 3) &= 4\lambda, \quad K_{00}^2(1, -3) = 4\mu \\
K_{00}^2(2, 6) &= \frac{16}{\sqrt{2}} \lambda(\lambda-1), \quad K_{00}^2(2, -6) = \frac{16}{\sqrt{2}} \mu(\mu-1), \\
K^2(20) &= \begin{pmatrix} 16\lambda\mu + 6\lambda + 2\mu & -2(\lambda-\mu) \\ -2(\lambda-\mu) & 2(\lambda+\mu) \end{pmatrix}, \\
&\dots
\end{aligned} \tag{3.11}$$

只要  $K^2$  矩阵元不为零, 必然有与之对应的权出现. 例如由 (3.11) 式, 一般地权  $(\lambda + \mu - 1, \lambda - \mu \pm 3)$  及  $(\lambda + \mu - 2, \lambda - \mu \pm 6)$  各出现一次, 而权  $(\lambda + \mu - 2, \lambda - \mu)$  出现两次; 当  $\mu = 0$  时, 权  $(\lambda + \mu - 1, \lambda + \mu + 3)$  及  $(\lambda + \mu - 2, \lambda - \mu + 6)$  不出现; 当  $\mu = 1$  时, 权  $(\lambda + \mu - 2, \lambda - \mu + 6)$  不出现; 等等. 从而  $K^2$  矩阵元唯一地决定了权的多重度.

利用(2.8)式, 我们有

$$K^{-1}\gamma(B_i)K = \Gamma^\dagger(A_i). \tag{3.12}$$

令

$$\Delta_i = K^{-1}\gamma(B_i)K. \tag{3.13}$$

由(3.5)式我们得到:

$$\Delta_1 = z_1 + \sqrt{-2} \Delta_3 \partial_2, \quad \Delta_2 = z_2 - \sqrt{-2} \Delta_3 \partial_1, \quad \Delta_3 = \partial_3. \tag{3.14}$$

显然

$$[\partial_2, \Delta_1] = [\partial_2, \Delta_3] = 0. \tag{3.15}$$

于是对应于 Bargmann 正交基矢(3.7)的一般态矢为

$$\begin{aligned}
&\left| \begin{array}{c} (\lambda\mu) \\ \lambda + \mu - p, \lambda - \mu - q; r \end{array} \right\rangle = \left( \frac{\alpha!}{\beta! r!} \right)^{\frac{1}{2}} \sum_k \binom{\beta}{k} \frac{(-)^k 2^{k/2}}{(\alpha - k)!} \Delta_1^{\beta-k} \Delta_2^{r+k} \\
&\times \Delta_2^{\alpha-k} \left| \begin{array}{c} (\lambda\mu) \\ \lambda + \mu, \lambda - \mu \end{array} \right\rangle = \sum_{r'} K_{r',r}^{-1}(pq) \left( \frac{\alpha'!}{\beta'! r'!} \right)^{\frac{1}{2}}
\end{aligned}$$

$$\times \sum_k \binom{\beta'}{k} \frac{(-)^k 2^{k/2}}{(\alpha' - k)!} B_1^{\beta'-k} B_2^{\alpha'-k} B_3^{\gamma'+k} \left| \begin{array}{c} (\lambda\mu) \\ \lambda + \mu, \lambda - \mu \end{array} \right\rangle. \quad (3.16)$$

其中

$$\begin{aligned} \alpha &= p/2 - q/6 - r, \quad \beta = p/2 + q/6 - r, \\ \alpha' &= p/2 - q/6 - r', \quad \beta' = p/2 + q/6 - r'. \end{aligned} \quad (3.17)$$

## 四、结 论

本文进一步把  $K$  矩阵技术推广到李代数为标准 Cartan 分解的情形中去，从而完善了  $K$  矩阵理论。利用这一方法，我们求得了  $SU_3 \supset U_1 \oplus U_1$  的 VCS 表示，给出了所有  $K^2$  矩阵元的递推公式并导出了用  $SU_3$  生成元的多项式表达的  $SU_3 \supset U_1 \oplus U_1$  正交基矢。特别地，利用  $K^2$  矩阵元不为零的条件完全确定了权的多重度。这一方法显然可推广到其它李代数及其约化问题中去。

## 参 考 文 献

- [1] J. Deenen, and C. Quesne, *J. Math. Phys.*, **25**(1984), 1838, 2354; **26**(1985), 2705; C. Quesne, *ibid.*, **27**(1986), 428; 869.
- [2] D. J. Rowe, *J. Math. Phys.*, **25**(1984), 2662.
- [3] D. J. Rowe, G. Rosensteel, and R. Gilmore, *J. Math. Phys.*, **26**(1985), 2787.
- [4] D. J. Rowe, R. Le Blanc, and K. T. Hecht, *J. Math. Phys.*, **29**(1988), 287.
- [5] Dyson, F., *Phys. Rev.*, **102**(1956), 1217.
- [6] Holstein, T. and Primakoff, H., *Phys. Rev.*, **58**(1940), 1098.
- [7] D. J. Rowe, and J. Carvalho, *Phys. Lett.*, **175B**(1986), 243.
- [8] O. Castanos, E. Chacon, and M. Moshinsky, *J. Math. Phys.*, **25**(1984), 1211.
- [9] K. T. Hecht, *Nucl. Phys.*, **A475**(1987), 276.
- [10] R. Le Blanc, and D. J. Rowe, *J. Math. Phys.*, **29**(1988), 758.
- [11] R. Le Blanc, and D. J. Rowe, *J. Math. Phys.*, **29**(1988), 767.
- [12] K. T. Hecht, R. Le Blanc, and D. J. Rowe, *J. Phys. A: Math. Gen.*, **20**(1987), 2241.
- [13] A. Partensky, and C. Quesne, *J. Math. Phys.*, **20**(1979), 2014.
- [14] R. Le Blanc, and D. J. Rowe, *J. Phys. A: Math. Gen.*, **18**(1985), 1891; 1905.

## Vector Coherent State Representations of $SU_3$ in $U_1 \oplus U_1$ Basis

PAN FENG

(Department of Physics, Liaoning Normal University, Dalian 116022)

### ABSTRACT

In this paper, Vector Coherent State (VCS) representations of  $SU_3$  in  $U_1 \oplus U_1$  basis are discussed. Orthonormal basis vectors for  $SU_3 \supset U_1 \oplus U_1$  are derived and the multiplicity of a weight for  $SU_3 \supset U_1 \oplus U_1$  is determined by using  $K$ -matrix technique.